

# Programme de révision pour le brevet blanc 2010

**ATTENTION** ce programme de révision **s'ajoute** au programme de révision du devoir commun de décembre 2009

## Partie numérique.

### 1°. Equations-Inéquations

- équations du premier degré, Résoudre les équations suivantes.

$$1 : 11x + 5 = 7x - 15 \quad | \quad 2 : 3(2x - 1) + 5x = 9x + 13 \quad | \quad 3 : 4x - (3x - 6) = 5(3x - 2)$$

- équations-produit.

Résoudre les équations suivantes.

$$4 : (4x - 1)(3x - 8) = 0 \quad | \quad 5 : (x - 3)(2x - 5) + (x - 3)(x + 4) = 0$$

$$6 : (2x + 1)(5x - 4) - 4(2x + 1)(x - 1) = 0 \quad | \quad 7 : (x - 4)(6x + 1) = 2x(x - 4)$$

$$8 : \begin{array}{l} 7x^2 - 3x = 0 \\ \text{(résoudre après avoir factorisé)} \end{array} \quad | \quad 9 : \text{pour } x \neq 0 \quad \frac{2x - 3}{x} = 5$$

- équation  $X^2 = a$

$$10 : x^2 = 9 \quad | \quad 11 : y^2 = 12 \quad | \quad 12 : 5x^2 = 35$$

$$13 : 2x^2 - 32 = 0 \quad | \quad 14 : (3x - 7)^2 = 0 \quad | \quad 15 : (x - 5)^2 = 49$$

- Inéquations du 1<sup>er</sup> degré

Résoudre les inéquations suivantes et représenter les solutions

$$16 : 4(3x - 1) \leq 9x - 7 \quad | \quad 17 : 7x + 5 < 5(2x - 3) + 13$$

### 2°. Système de deux équations à deux inconnues

Résoudre ce système par la méthode de substitution et effectuer la vérification :

$$18 : \begin{cases} 5x - 3y = 14 \\ 4x + y = 1 \end{cases}$$

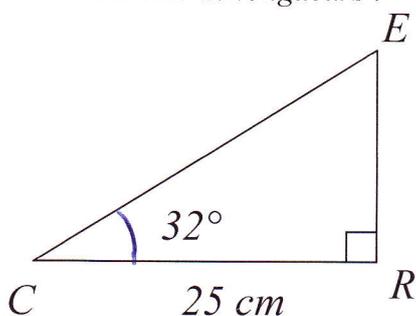
Résoudre ce système par la méthode de combinaison linéaire et effectuer la vérification :

$$19 : \begin{cases} 3x - 4y = 11 \\ 7x + 5y = -3 \end{cases} \quad | \quad 20 : \begin{cases} 10x + 2y = 34 \\ 2x - 4y = 20 \end{cases}$$

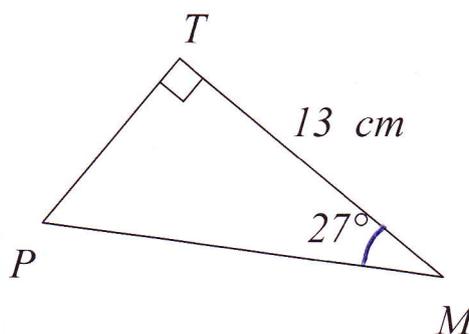
## Partie géométrie.

### 1°. Trigonométrie dans le triangle rectangle.

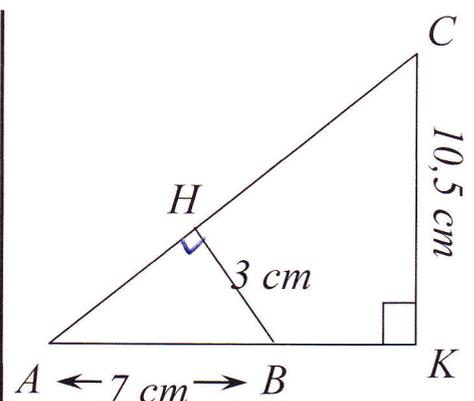
- Calculs de longueurs :



**21 :** Dans le triangle REC rectangle en R, calculer ER à 0,1 cm près

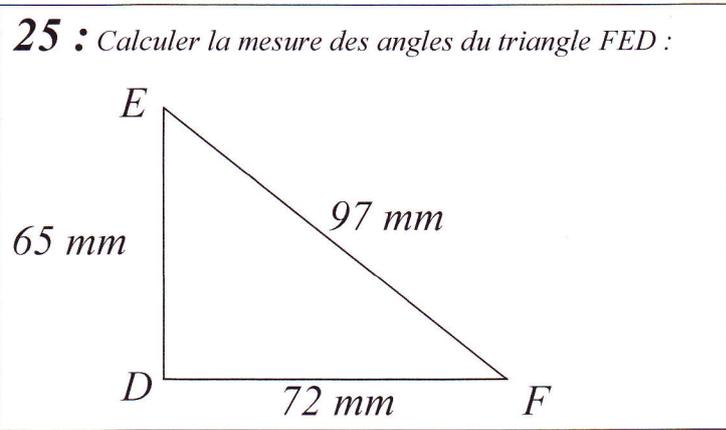
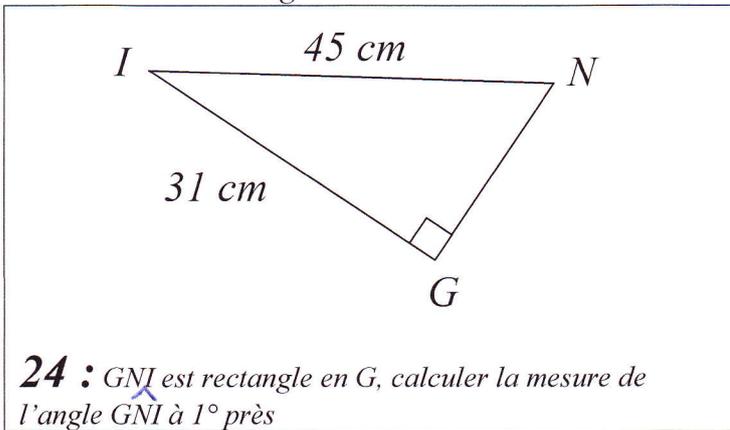


**22 :** Dans le triangle TMP rectangle en T, calculer TP à 0,1 cm près



**23 :** ABH est rectangle en H, AKC est rectangle en K. Calculer la valeur exacte de  $\sin(\hat{A})$  puis de AC

• Calculs d'angles



• Relations trigonométriques :

**26 :** Soit  $\alpha$  un angle aigu, sachant que  $\sin(\alpha) = \frac{2}{3}$  calculer la valeur exacte de  $\cos(\alpha)$  et  $\tan(\alpha)$

2°. Géométrie dans l'espace.

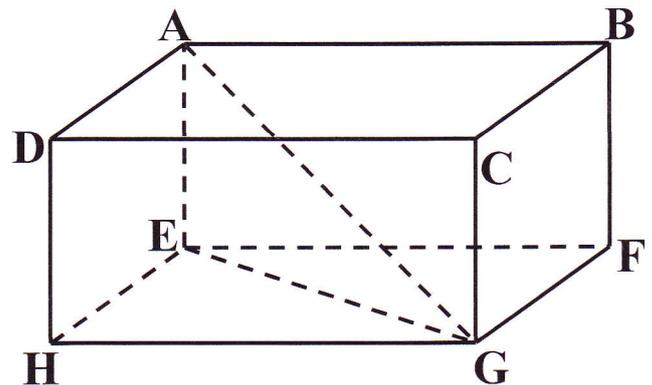
**27:**

$ABCDEFGH$  est un pavé droit de dimensions :  
 $AB = 6 \text{ cm}$  ;  $BC = 3 \text{ cm}$  et  $AE = 2 \text{ cm}$ .

1°. Calculer  $EG$ . Donner sa valeur sous la forme  $a\sqrt{5}$

2°. Calculer  $AG$

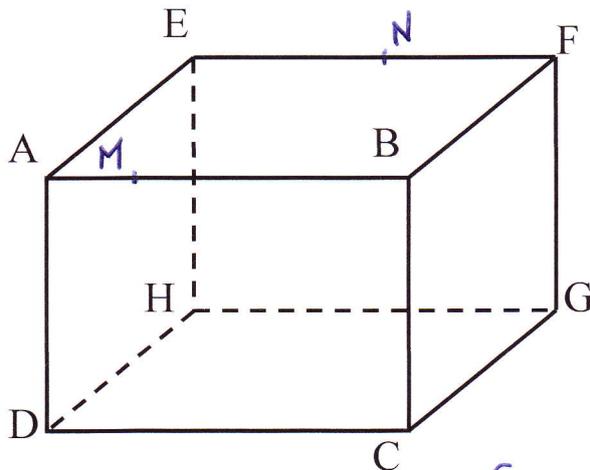
Vérifier que  $AG$  est une valeur entière.



**28 :**

Représenter la section du pavé droit par le plan passant par  $M$  et  $N$  et parallèle à l'arête  $[BC]$

Quelle est sa nature ?



**29 : .**

$SABC$  est une pyramide dont la base  $ABC$  est un triangle rectangle en  $C$  et  $[SC]$  est la **hauteur** de la pyramide.  
 $E$  est un point de  $[SA]$

1°.a. Représenter la section de la pyramide  $SABC$  par le plan parallèle à la base passant par  $E$ .

On appelle  $EFG$  cette section telle que  $F \in [SB]$

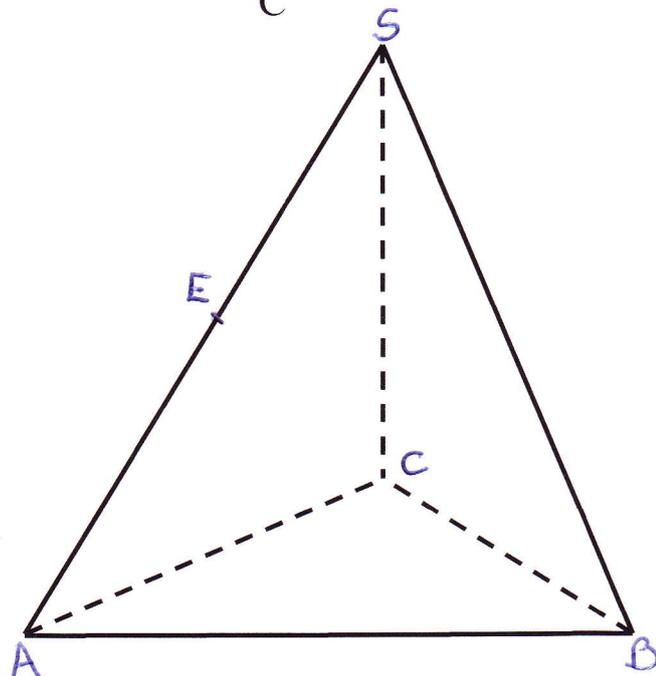
On donne  $SA = 32,5 \text{ cm}$ ,  $AB = 25 \text{ cm}$ ,  $SG = 16,8 \text{ cm}$  et  $SE = 19,5 \text{ cm}$ .

b. Justifier la nature de la section  $EFG$

2°. Calculer, en justifiant, les longueurs  $EF$  et  $SC$ .

3°.a. Donner, en justifiant, la nature du triangle  $SAC$ .

b. Calculer, à  $1^\circ$  près, la mesure de l'angle  $\widehat{SAC}$ .



30 :

La figure ci contre, représente la section d'une sphère de centre  $O$  et de 30 cm de rayon, par un plan perpendiculaire à  $(HO)$  passant par  $H$ .

On donne  $BH = 54$  cm.

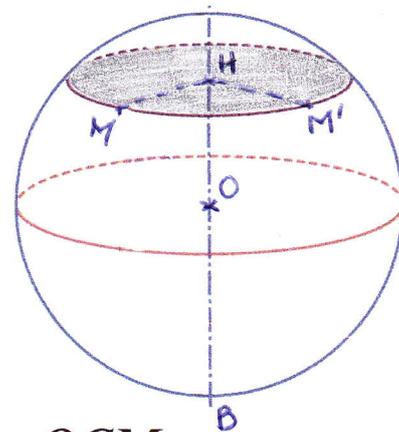
1°. Quelle est la nature de cette section ?

2°. Calculer  $HM$ .

3°. a. Calculer le périmètre de la section

b. Sachant que  $\widehat{MHM'} = 110^\circ$ , calculer la longueur de l'arc  $\widehat{MM'}$

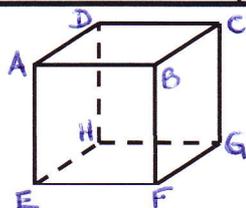
(Valeur exacte puis valeur à 0,1 cm près)



### Questionnaire à Choix Multiples : QCM

A chaque ligne, inscrire parmi les quatre réponses proposées la ou les bonnes réponses.

	A	B	C	D	réponse(s)
1) pour l'équation : $(2x-3)(x+4) = x^2 + 6x - 10$ une solution est	-4	-1	2	0	
2) Quelle est la valeur exacte de $\frac{\sqrt{48}}{2}$	$\sqrt{24}$	3,4641	$2\sqrt{3}$	$\sqrt{12}$	
3) le développement de $(4x+7)^2$ est	$16x^2+49$	$16x^2+28x+49$	$16x^2+56x+49$	$8x+14$	
4) si $x \neq 0$ , l'inverse du double de $x$ est	$\frac{1}{2}x$	$\frac{2}{x}$	$\frac{1}{2x}$	$\frac{0,5}{x}$	
5) $81x^2 - 49$ se factorise en	$(9x+7)^2$	$(9x-7)(9x+7)$	$(9x-7)^2$	impossible	
6) l'écriture scientifique de 0,00000082 est	$8,2 \times 10^7$	$82 \times 10^{-8}$	$8,2 \times 10^{-7}$	$0,82 \times 10^{-5}$	
7) 1,2 heure représente	1 h 20	1h12 min	72 minutes	2 h 10	
8) $3450 \text{ cm}^3$ représentent	3,45 l	345 l	345 cl	$0,00345 \text{ m}^3$	
9) Dans un triangle HIP, la médiatrice de [HP]	passé par I	coupe [HP] en son milieu	est perpendiculaire à (IP)	est perpendiculaire à (HP)	
10) ABC un triangle avec $\hat{A} = 56^\circ$ et $\hat{C} = 62^\circ$	ABC est rectangle	ABC est quelconque	ABC est isocèle en C	ABC est isocèle en A	
11) KEP un triangle rectangle en K on a $\tan(\hat{E}) =$	$\frac{EK}{PK}$	$\frac{PK}{PE}$	$\frac{PK}{EK}$	$\frac{EK}{EP}$	
12) Dans le cube ABCDEFGH, le triangle DHF est	isocèle en H	rectangle en D	rectangle en H	quelconque	
13) Dans le cube ABCDEFGH, le triangle ACF est	rectangle en A	équilatéral	rectangle en C	rectangle en F	
14) Le plus grand cercle d'une sphère de 15 cm de rayon mesure	30 cm de rayon	7,5 cm de rayon	$30\pi$ cm de rayon	15 cm de rayon	



# Résultats

**Remarque :** seul sont présentés ici des résultats, on se doit aussi de se préoccuper de la rédaction !

<b>1 :</b> $x = -5$	<b>2 :</b> $x = 8$	<b>3 :</b> $x = \frac{8}{7}$	<b>4 :</b> $x = \frac{1}{4}$ ou $x = \frac{8}{3}$
<b>5 :</b> $x = 3$ ou $x = \frac{1}{3}$	<b>6 :</b> $x = -\frac{1}{2}$ ou $x = 0$	<b>7 :</b> $x = 4$ ou $x = -\frac{1}{4}$	<b>8 :</b> $x = 0$ ou $x = \frac{3}{7}$
<b>9 :</b> $x = -1$	<b>10 :</b> $x = 3$ ou $x = -3$	<b>11 :</b> $S = \{2\sqrt{3}; -2\sqrt{3}\}$	<b>12 :</b> $S = \{\sqrt{7}; -\sqrt{7}\}$
<b>13 :</b> $S = \{-4; 4\}$	<b>14 :</b> $x = \frac{7}{3}$	<b>15 :</b> $S = \{-2; 12\}$	

<b>16 :</b> $x \leq -1$ <i>solutions</i>	<b>17 :</b> $x > \frac{7}{3}$ 
---	-----------------------------------

<b>18 :</b> $(1; -3)$	<b>19 :</b> $(1; -2)$	<b>20 :</b> $(4; -3)$
-----------------------	-----------------------	-----------------------

<b>21 :</b> $RE = 25 \times \tan(32) \approx 15,6 \text{ cm}$	<b>22 :</b> $MP = \frac{13}{\cos(27)} \approx 14,6 \text{ cm}$	<b>23 :</b> $\sin(\hat{A}) = \frac{3}{7}$ $AC = 24,5 \text{ cm}$
--	--	---

<b>24 :</b> $\hat{GNI} = \sin^{-1}\left(\frac{31}{45}\right) \approx 44^\circ$	<b>25 :</b> réciproque de pythagore $\Rightarrow \hat{EDF} = 90^\circ$ $\hat{DFE} \approx 42^\circ$ , $\hat{DEF} \approx 48^\circ$
--	---

**26 :**  $\cos(\alpha) = \frac{\sqrt{5}}{3}$  et  $\tan(\alpha) = \frac{2\sqrt{5}}{5}$

**27 :**  $EG = 3\sqrt{5} \text{ cm}$  et  $AG = 7 \text{ cm}$

**28 :** Comme la section du pavé est parallèle à une arête alors la section est un rectangle.

**29 : 1°.b.** Comme la section est parallèle à la base alors la section est une réduction de la base. La base est un triangle rectangle en C, EFG est un triangle rectangle en G

2°. échelle de réduction : 0,6  $EF = 15 \text{ cm}$  et  $SC = 28 \text{ cm}$

3°.a. SAC rectangle en C ( $[SC]$  est la hauteur de la pyramide.)  $\hat{SAC} \approx 59^\circ$

**30 : 1°.** Toute section d'une sphère par un plan est un cercle.

2°.  $HM = 18 \text{ cm}$

3°.a. Périmètre section :  $36\pi \text{ cm} \approx 113,1 \text{ cm}$  à 0,1 cm près

b. arc  $\widehat{MM'}$  =  $11\pi \text{ cm} \approx 34,6 \text{ cm}$  à 0,1 cm près

## QCM :

1 : B et C	2 : C et D	3 : C	4 : C et D	5 : B
6 : C	7 : B et C	8 : A, C et D	9 : B et D	10 : D
11 : C	12 : C	13 : B	14 : D	